XIII.

SUR LA COURBURE DE QUELQUES LIGNES TRACÉES SUR UNE SURFACE.

Nottvelles Annalcs de Math&matiffues, deuxiòme sèrie, tome IV (1865), pp. 258-267.

Dans une Note insérée dans le Journal de Mathématiques pures et appliquées *), M. de la GOURNERIE a fait des remarques importantes au sujet des sections déter-minées dans une surface par ses plans tangents. Il a, entre autres choses, établi bien clairement que les deux branches de ces sections n'ont, en generai, qu'un contact du premier ordre avec les lignes asymptotiques de la surface.

En cherchant a dóterminer la courbure de ces sections, au point où leur pian est tangent a la surface, je suis parvenu au théoròme suivant :

Le rayon de courbure. d'une ligne asymptotique, sur une. surface qiiehonque., est tou-jours les deux tiers de celia de la seclion faile a la surface par le pian iangtni au point considera.

(Il est sous-entendu que Tori considère la branche de cette section tangente a la ligne asymptotique).

Désignons par *s* l'are de la ligne asymptotique, et par 9 = o Féquation de la surface. La propriété caractéristique de cette ligne est exprimée par l'équation

fi\ ^1^.O,^1^1 J-^i^l — n
U; *dxds² ^d ds² ^d^ds² ~* *

*) 2me sèrie, t. Ili (1858), pag. 73.